2. Mediciones con Puentes

F. Hugo Ramírez Leyva

Cubículo 3 Instituto de Electrónica y Mecatrónica hugo@mixteco.utm.mx

Marzo 2012

1

Sistemas de acondicionamiento

• En esta parte del curso se vera la forma en que se realiza el sistema de acondicionamiento de sensores de tipo resistivo.

 También el amplificador de instrumentación y los operacionales usados como comparadores de voltaje





Mediciones con puentes ce CD

TRANSDUCTOR DE FUERZA

- Se utilizan par hacer mediciones muy precisas de:
 - Resistencias grandes
 - Resistencias Bajas
 - Medición de inductancia y capacitancia
 - Interfaz con transductores
- Tipos de puentes
 - De DC
 - De Wheatstone
 - Kelvin
 - Wheatstone con protecciones
 - De AC
 - Maxwell
 - Hay
 - Schering
- Wagner



Puente de Wheatstone

- Un puente de Wheatstone es un instrumento eléctrico de medida inventado por. Samuel Hunter Christie en 1832, mejorado y popularizado por Sir Charles Wheatstone en 1843.
- Sirve par medir resistencias desconocidas mediante el equilibrio de sus brazos, aunque es mas utilizado para acondicionar sensores de tiempo resistivo.
- Consta de 4 ramas, una fuente de voltaje y un detector de cruce de cero por corriente.
- Un puente esta balanceado cuando la corriente a través del galvanómetro es cero





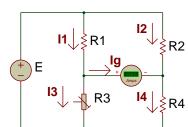


Puente de Wheatstone

- Cuando el puente esta en equilibrio $I_g = 0$
- R3 es una resistencia variable
- Por lo tanto $I_1R_1 = I_2R_2$

$$I_1 = I_3 = \frac{E}{R_1 + R_3} e I_2 = I_4 = \frac{E}{R_2 + R_4}$$

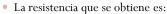
- Como $I_1R_1 = I_2R_2$ desarrollando se llega a que: $R_4R_1 = R_3R_2$
- Si R4 es la resistencia desconocida $R_4 = R_x = R_3 \frac{R_2}{R_1}$
- A R3 se le llama rama patrón; R1 y R2 son lar ramas de relación.

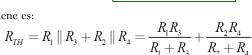




Circuito equivalente del Puente de Wheatstone

- Hay que obtener el equivalente de Thevenin para efectos de análisis.
- Los 2 parámetros son:
 - La resistencia Thevenin se obtiene poniendo la fuente E=0 (Corto circuito).





RTH

- El voltaje de Thevenin es el voltaje que si mede en los puntos deseados.
 - El voltaje de Thevenin es:

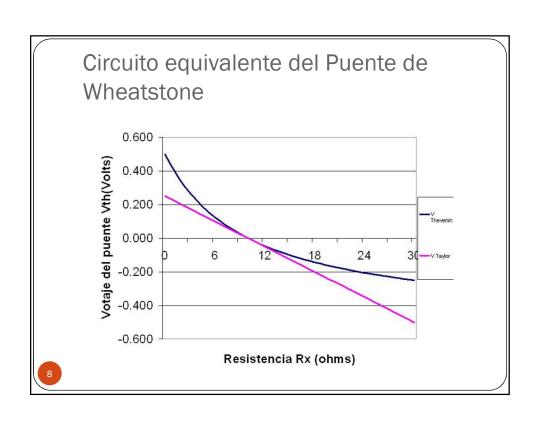
$$V_{TH} = \left[\frac{R_3}{R_1 + R_3} - \frac{R_4}{R_2 + R_4} \right] E$$



Circuito equivalente del Puente de Wheatstone

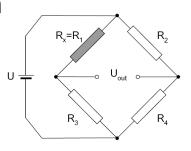
- Si todas las resistencias son iguales, excepto R4 = Rx, se $V_{TH} = \left[\frac{1}{2} \frac{R_x}{R + R_x}\right] E$ puede aproximar por:
- Si se considera a Rx= R+r, donde r es la variación sobre la resistencia nominal, tomando como variable a r y haciendo una expansión en series de Taylor, el voltaje queda como:

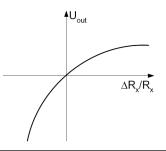
$$V_{TH} = \frac{-r}{4R}E$$



Errores de medición

- Sensibilidad insuficiente del detector
 - Límite superior sensibilidad del detector
 - Limite inferior la resistencia de los alambres.
- Cambios en las resistencias de ramas por calentamiento
- Resistencias de los contactos







Ejemplo 1:

Sea un puente con R1=100; R2=1000; R3=200; R4=2000 y E=5V. Si la resistencia de la bateria Rb=0m, la sensibilidad del galvanómetro S=100mm/ μ A, Resistencia del galvanómetro Rg=100 Ω Calcular la deflexión por una variación de 5 Ω en R4.

Sol:

- \circ El puente esta en equilibrio. Cuando R4=2005Ω, se desequilibra.
- El equivalente del puente es Rth= $66.66 \Omega + 667.22 \Omega = 733.88 \Omega$
- El voltaje de Thevenin Vth= 2.77mV.
- La corriente del circuito es: $I_g = \frac{V_{th}}{R_{th} + R_g} = 3.32 \mu A$
- o La deflexión del galvanómetro es: $d = I_g S = 3.32 \mu A (100 mm / \mu A) = 33.2 mm$

Ejemplo 2

- Repetir el ejemplo anterior pero ahora considerando que la resistencia interna Rg es de 500Ω .
- Sol: Ig=2.24µA, S=2.24mm.

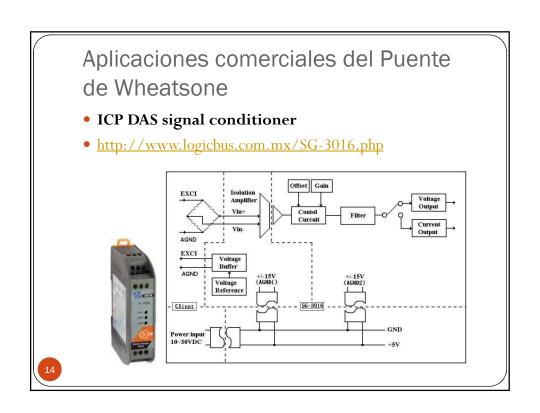
11

Puentes de Wheatstone Comerciales

- En el Mercado existen varios fabricantes que utilizan como entrada de acondicionamiento el Puente de Wheatstone.
- Hay configuraciones de ¹/₄ y ¹/₂
 puente (es decir externamente
 se le suministran 2 de las ramas
 del puente)
- Tienen internamente amplificadores diferenciales.
- Entre las marcas existentes están:

- National Instruments tiene los siguientes modelos
 - SCC-SG01 2 120 Ω , quarter-bridge strain gages 777459-13
 - SCC-SG02 2 350 Ω , quarter-bridge strain gages 777459-14
 - SCC-SG03 2 Half-bridge strain gages 777459-15
 - SCC-SG04 2 Full-bridge strain gages 777459-16
 - SCC-SG11 2 Shunt calibration 777459-17
 - SCC-SG24 2 Full-bridge strain gages, load cells,
 - pressure sensors, torque sensors 777459



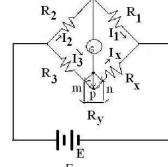


Puente Kelvin

- Incrementa la exactitud con respecto al puente de Wheatstone.
- Se usa para medir resistencias de valor bajo (menores a 1Ω)
- Ry = Resistencia del alambre que conecta el punto

$$R_{y} = R_{mp} + R_{np}$$

• Si el galvanómetro se conecta en el punto p, de tal manera que



• En equilibrio Ig=0
$$\frac{R_{np}}{R_{mp}} = \frac{R_1}{R_2}$$
• Haciendo manipulaciones se puede mostrar que:
$$I_1 = I_2 = \frac{E}{R_1 + R_2}$$

$$I_3 = I_x = \frac{E}{R_3 + R_x + R_{mp} + R_{mp}}$$



$$R_{x} = \frac{R_1}{R_2} R_3$$

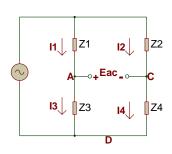
Puente de CA y sus aplicaciones

- Sirve para medir inductancias y capacitancias desconocidas (impedancias)
- Es similar al puente de Wheatstone, pero en sus ramas tiene impedancias (inductores o capacitares.
- Consta de 4 ramas y fuente de excitación senoidal
- Cuando Esta en equilibrio $E_{{\scriptscriptstyle BA}}=E_{{\scriptscriptstyle BC}}$

$$I_1 = \frac{E}{Z_1 + Z_3} e I_2 = \frac{E}{Z_2 + Z_4}$$

• Reduciendo se comprueba que:

$$Z_2Z_4 = Z_2Z_3$$



Ejemplos

$$\begin{split} Z_1 &= 100\Omega |\underline{80^0} \;,\; Z_2 = 250\Omega \;, & Z_1 &= 450\Omega \;,\; Z_2 = 300\Omega - j600\Omega \\ Z_3 &= 400\Omega |\underline{30^0} \;, & Z_3 &= 200\Omega + j100\Omega \;. \end{split}$$

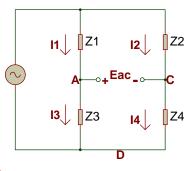
$$Z_1 = 450\Omega$$
, $Z_2 = 300\Omega - j600\Omega$

$$Z_3 = 400\Omega |30^\circ|$$

$$Z_3 =$$

El valor de Z4 es:
$$Z_4 = 1000\Omega | 50^{\circ}$$

El valor de Z4 es:
$$Z_4 = j150\Omega$$



$$Z_2Z_4=Z_2Z_3$$

Otros Puentes

Puente de Maxwell

- Mide inductancias.
- Es función de capacitancia
- Se usa para medir bobinas con Q medios (1<Q<10)

Puente de Hay

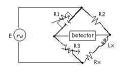
- Mide inductancias.
- Es función de capacitancia
- Se usa para medir bobinas con Q grandes (Q>10)

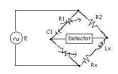
• Puente de Schering

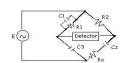
- Mide capacitancias
- La capacitancia desconocida se calcula en función de un capacitor y resistor conocidos.

Puente de Wien

- Se usa para medir frecuencias
- Funciona también como filtro pasa bandas
- La frecuencia es función de los resistores variables R1 y R3





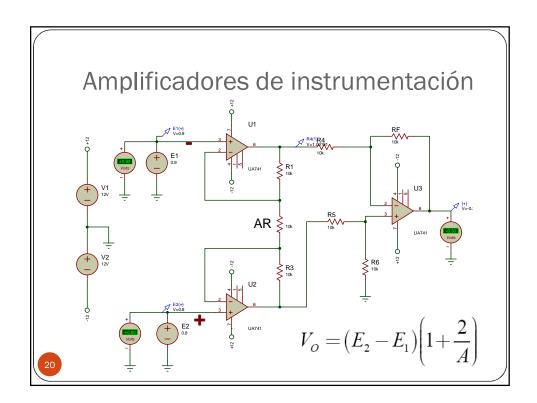




Amplificadores de instrumentación

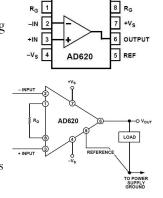
- Es el amplificador más utilizado en aplicaciones de medición, instrumentación y control.
- Está formado por 3 amplificadores operacionales y varias resistencias de precisión.
- En el mercado existen varios dispositivos de este tipo, pero son relativamente caros, el de mas bajo costo es el AD620AN.
- En la siguiente figura se muestran las partes que integran al amplificador de instrumentación, si todas las resistencias son R, excepto la marcada como AR, donde A es una constante. La ecuación de salida esta dada por:

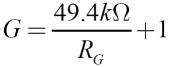


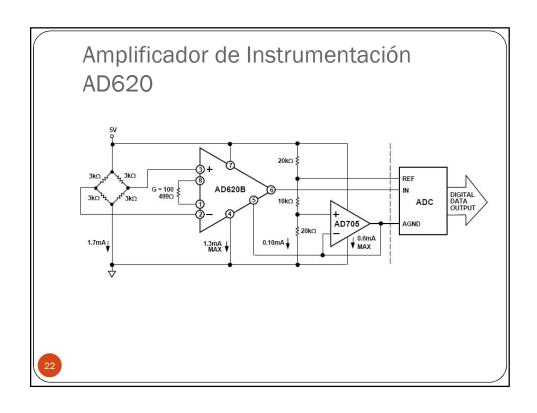


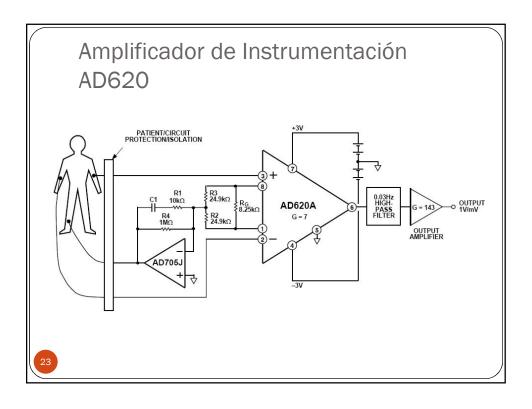
Amplificador de Instrumentación AD620

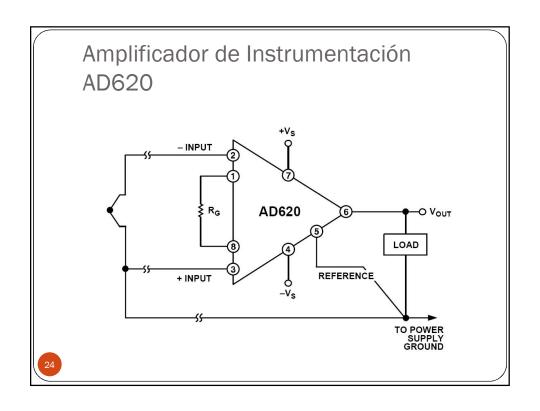
- La ganancia es puesta con un solo resistor Rg (en el rango de 1 a 10 000)
- Voltajes de operación de ±2.3V a ±18V.
- Consumo de corriente de 1.3mA.
- 50µV máximo de Offset
- Ancho de banda de 120kHz con G=100.
- Es de bajo costo
- Encapsulado DIP de 8 terminales
- Es un amplificador monolítico con resistores ajustados por láser con una precisión del 0.15%.
- Aplicaciones
 - Medidor de presión con puente de Wheatston 🕜
 - Electrocardiógrafo
 - Medidor de temperatura con termopar







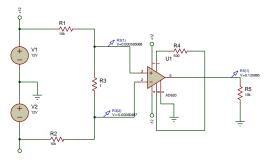




Simulación del AD620A

- El Proteus tiene definido el modelo de este operacional.
- En la siguiente figura se muestra el resultado de la simulación
- El voltaje en el resistor R3 es 1.2mV.
- La ganancia del amplificador es
- El voltaje de salida es
- La simulación da

$$G = \frac{49.4k\Omega}{0.5k\Omega} + 1 = 99.8$$



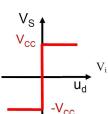
$$V_o = GV_{dif} = (99.8)1.2mV = 119.76mV$$

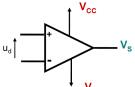
 $V_o = 125 mV$

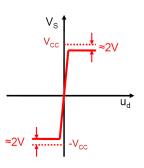
25

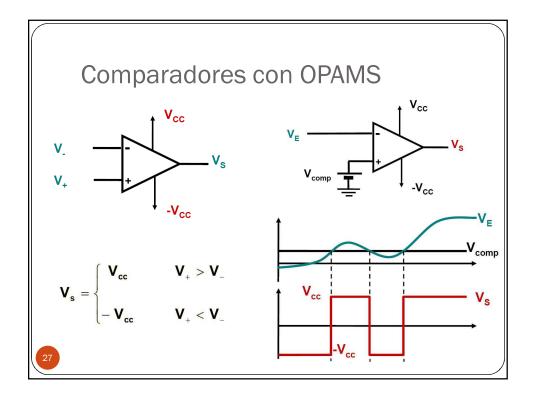
Comparadores con OPAMS

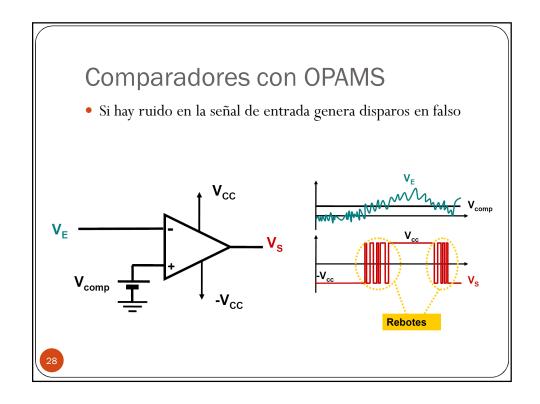
- En los comparadores "normales" la salida no cambia con mucha velocidad.
- El voltaje de salida no es mayor al Vcc y el negativo no es menor a – Vcc







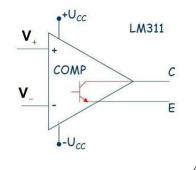


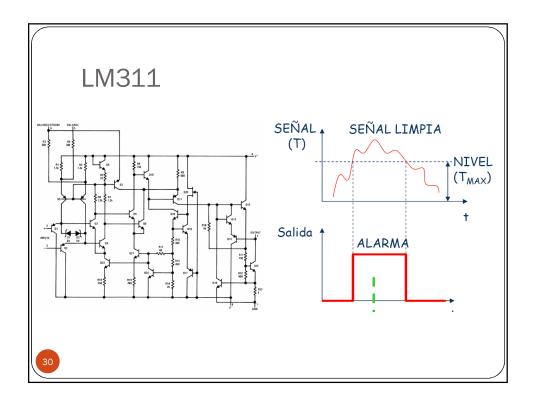


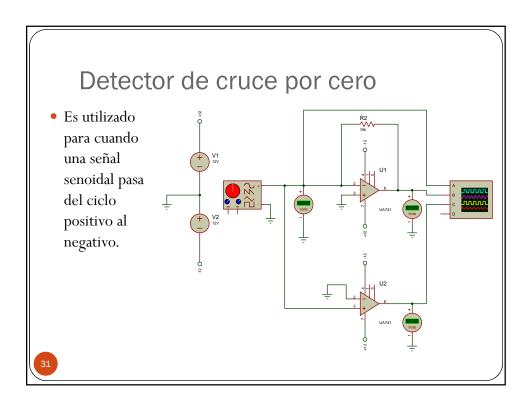
LM311

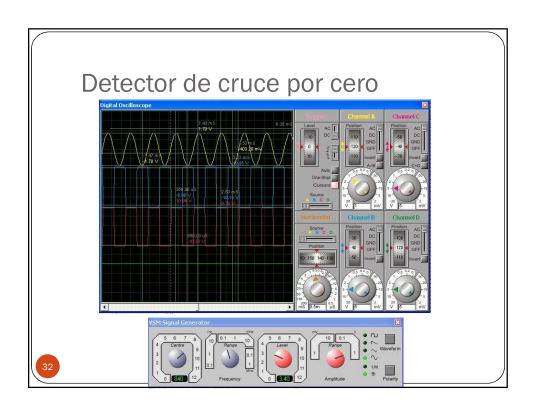
- El LM311 es un circuito comparador.
 - Su salida es a transistor.
 - Puede tener varios voltajes de salida (diferentes a la alimentación)
 - Esta diseñado para este fin

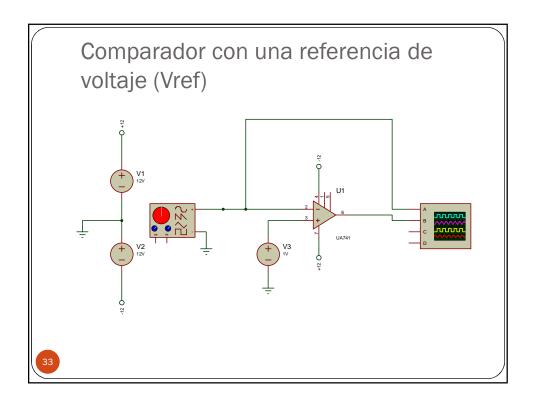
$$\boldsymbol{V_s} = \left\{ \begin{array}{ll} \boldsymbol{V_{cc}} & \boldsymbol{V_+} > \boldsymbol{V_-} \\ \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{V_+} < \boldsymbol{V_-} \end{array} \right.$$

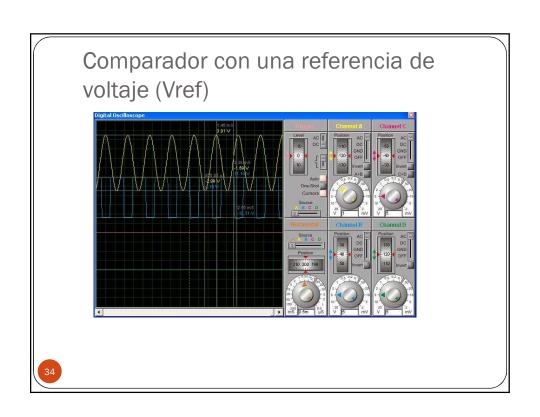






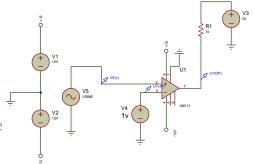




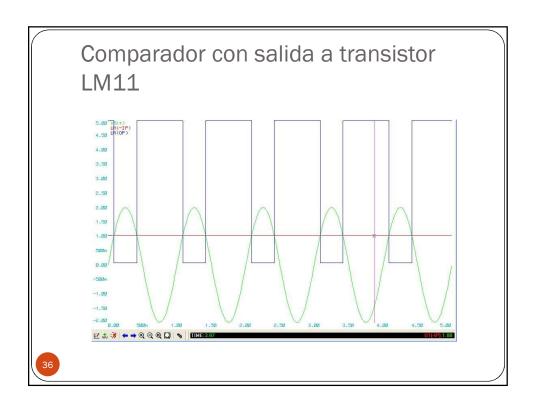


Comparador con salida a transistor LM11

- La salida es controlada por un transistor.
- Tien la ventaja de que puede conmutar cargas más grandes
- Permite manejar diferentes niveles de voltaje a la salida
- El LM111 se pude alimentar con una o 2 fuentes de voltaje
- Cuando el voltaje en + es mayor que en – el transistor se satura (conduce).

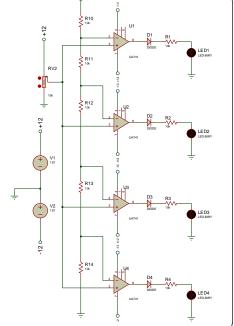






Voltímetro de columna luminosa

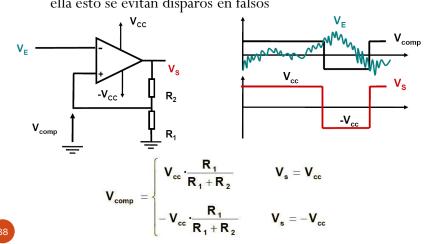
- Con comparadores se puede realizar un multímetro con LED's.
- También este diseño es usado para el desplegado gráfico de los ecualizadores.



37

Comparador con Histéresis

• Usando retroalimentación positiva se genera Histéresis y con ella esto se evitan disparos en falsos



Retroalimentación positiva

Análisis:

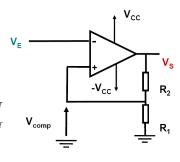
Voltaje de salida $V_o = V_{sal}$

Voltaje en el divisor resistivo $V_{UT} = \frac{R_2 V_O}{R_1 + R_2}$

Voltaje diferencial $E_D = V_{UT} - V_{in}$ Voltaje de salida $V_O = \begin{cases} +V_{sat} & E_D > 0 \Rightarrow V_{in} < V_{UT} \\ -V_{sat} & E_D < 0 \Rightarrow V_{in} > V_{UT} \end{cases}$ \mathbf{V}_{comp}

Voltaje de umbral inferior $V_{LT} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} (-V_{sat})$

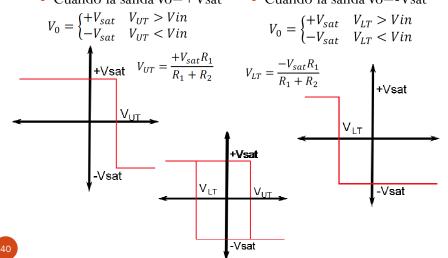
Voltaje de umbral superior $V_{UT} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} (V_{sat})$



Análisis

- Cuando la salida Vo=+Vsat
 Cuando la salida Vo=-Vsat

$$V_0 = \begin{cases} +V_{sat} & V_{LT} > Vin \\ -V_{sat} & V_{LT} < Vin \end{cases}$$



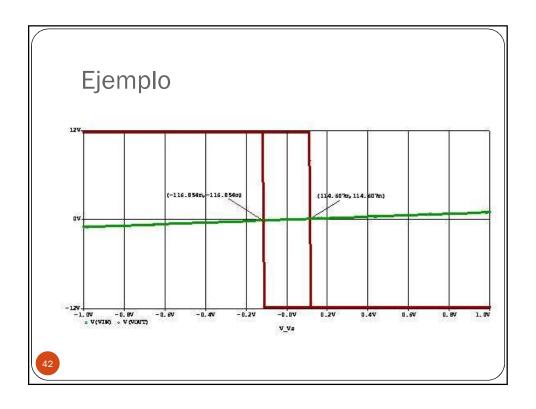
Ejemplo

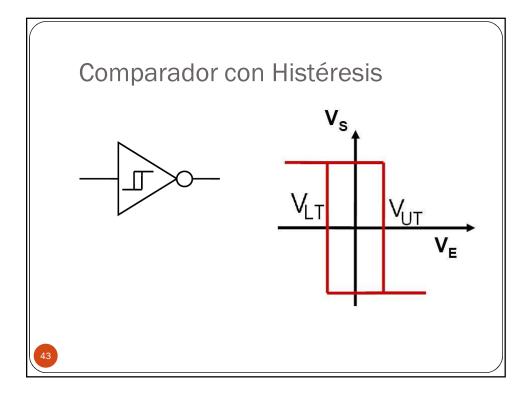
- Sea un comparador con R1=2k Ω y R200k Ω . El voltaje de saturación es de +12V y -12V.
- Al aplicar las ecuaciones se obtiene que:

$$V_{LT} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} (-V_{sat}) = -0.118V$$

$$V_{UT} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} (V_{sat}) = 0.118V$$

 Se simuló el circuito en Orcad y se obtuvo que VLT= -0.116 y VUT= 0.114V





Detector no inversor de Nivel de voltaje con histéresis

• Voltaje de umbral superior

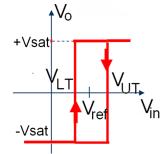
$$V_{UT} = V_{ref} \left(1 + \frac{1}{n} \right) - \frac{-Vsat}{n}$$

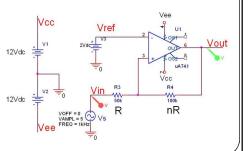
• Voltaje de umbral inferior

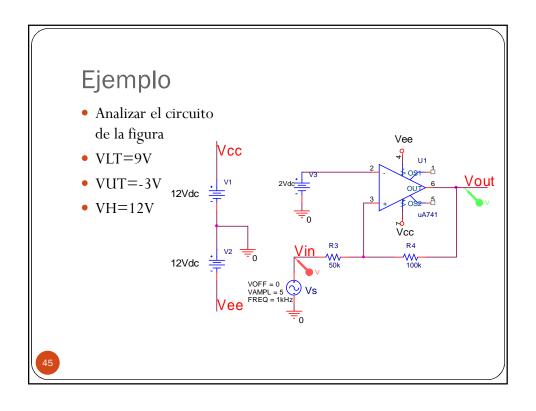
$$V_{LT} = V_{ref} \left(1 + \frac{1}{n} \right) - \frac{+Vsat}{n}$$

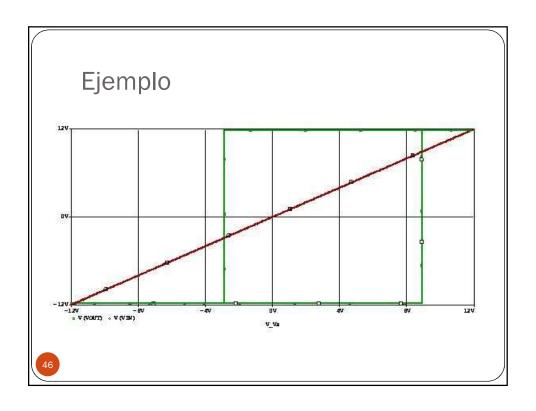
• Voltaje central

$$V_{ctr} = \frac{V_{UT} + V_{LT}}{2} = V_{ref} \left(1 + \frac{1}{n} \right)$$



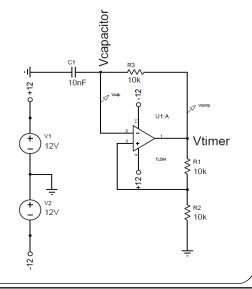


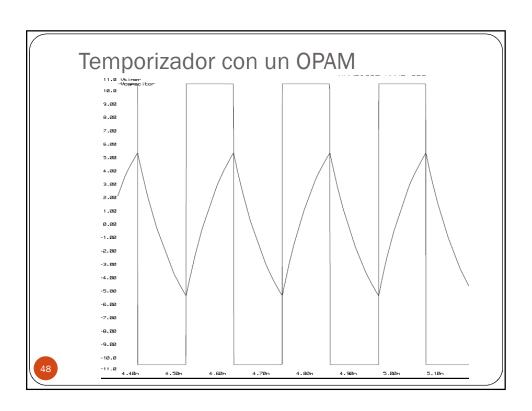




Temporizador con un OPAM

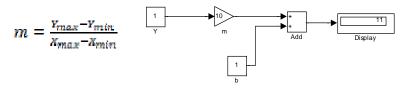
- Si se pone un circuito RC retroalimentado en la entrada negativa se consigue un temporizador
- La frecuencia de oscilación es función de la constante τ=RC





Circuito Acondicionador de Señales (CAS)

- Hay ocasiones en las que se necesita generar una ecuación de línea recta en función del voltaje de entrada
- La ecuación de salida es del tipo lineal y=mx+b
 - Donde x es el voltaje de entrada
 - y el voltaje de salida
 - *b* el nivel de offset
 - El circuito que genera esta ecuación es:



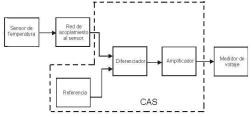
49

Circuito Acondicionador de Señales

 El circuito acondicionador de señales (CAS) se comporta como una línea recta

$$y = mx + b$$

 Se usa para acondicionar los niveles de voltaje de un sensor:



50

11/03/2013

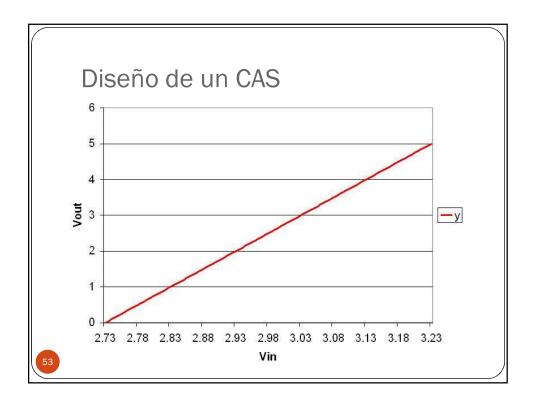
• Ejemplo Diseñar el circuito que genera el voltaje de la figura: y=5x+1

51

Diseño de un CAS

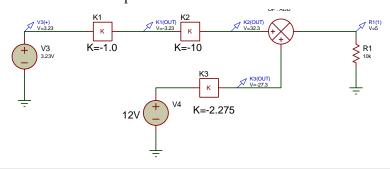
- Diseñar un circuito de acondicionamiento de señales para que mida temperaturas en el rango de 0 a 50°C. El Margen de voltajes a la salida es de 0 a 5V. Se desea que la salida del CAS sea lineal, es decir, cuando la temperatura sea 0°C la salida del CAS sea 0V; cuando el sensor tenga 50°C la salida del CAS sea de 5V.
- Solución
 - El sensor de temperatura a usar es el LM335
 - Suministra un voltaje en función de los °K
 - Su ecuación de salida es 10mV/°K
 - Trabaja en el rango de -10 a 100°C

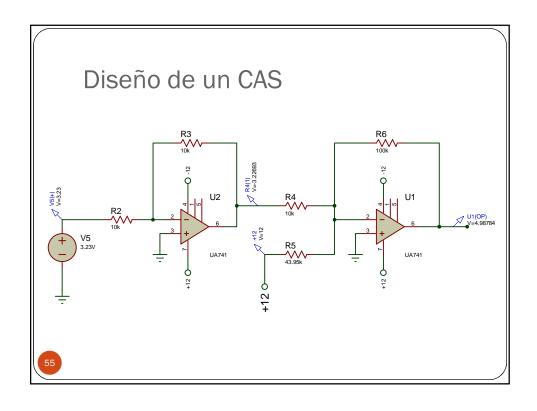


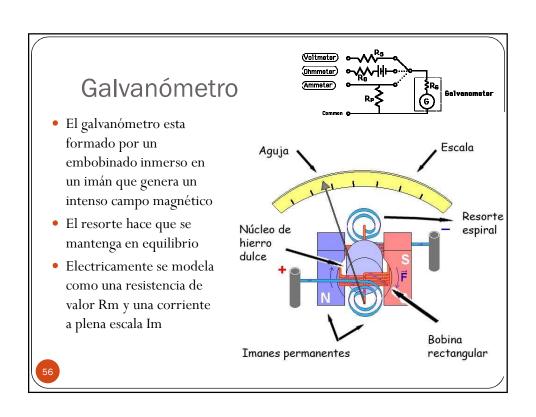


Diseño de un CAS

- Se necesita diseñar un circuito que cuando se tenga un voltaje de 2.73V a la salida se tenga 0V; cuando la entrada sea de 3.23V la salida sea de 5V.
- Con estos datos, la ecuación del CAS es:
- Modelado a bloques

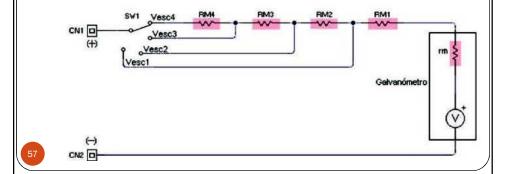






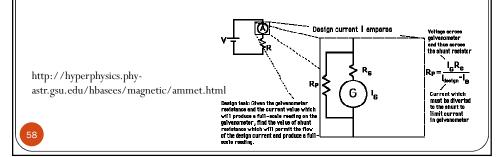
Voltímetro con un Galvanómetro

- Con un galvanómetro se hace un voltímetro poniéndole una resistencia limitadora de corriente
- El problema que tienen este tipo del instrumentos es que tiene una impedancia de entrada no muy grande (el ideal es infinito)



Amperímetro con un Galvanómetro

- Un amperímetro con base en un galvanómetro se hace poniendo un divisor de corriente con una resistencia en paralelo
- La impedancia de éste no es muy pequeña (idealmente 0)



Amplificadores Operacionales

- El A.O. ideal tiene:
 - Ganancia infinita
 - Impedancia de entrada Infinita
 - Como la impedancia de entrada es infinita también se dice que las <u>corrientes</u> de entrada son cero.
 - Ancho de banda también infinito
 - Impedancia de salida nula
 - Tiempo de respuesta nulo
 - Ningún <u>ruido</u>.

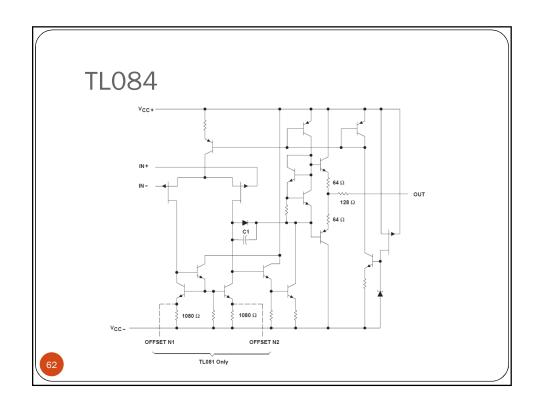


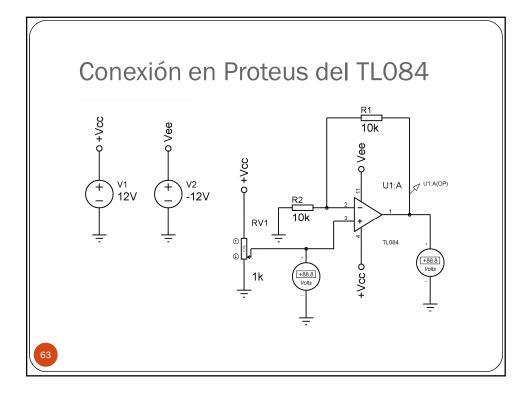






Amplificador Operacional TL084 TL081 • Bajo consumo de energía OFFSET N1 • Protección contra cortos circuitos IN+ • Alta impedancia de entrada (entradas JFET) **OFFSET N2** • Alto slew Rate o ancho de banda $(13 \, \text{V/us})$ **10UT** 40UT • Rangos de voltaje de <u>+</u>18V 1IN-[13 4IN-1IN+ 3 4IN+ • Tiene 4 OPAM en un solo CI. V_{CC+} **□** 4 V_{CC} 3IN+ 2IN-[9 3IN-20UT [**3**00T





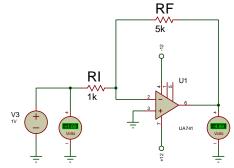
Configuraciones con operacionales

- Amplificador
 - No inversor
 - Inversor
 - Seguidor
 - Restador
 - Instrumentación
- Sumador
- Filtros
 - Pasa altas
 - Pasa bajas
 - Pasa banda
 - Rechaza banda

- Comparadores
 - Simples
 - Con Histéresis
- Temporizadores
 - Monoestable
 - Astable
- Rectificadores
 - $\bullet\,$ De $^{1}\!\!/_{2}$ onda y onda completa
- Integrador y Diferenciador

Amplificador Inversor

- El voltaje Ed entre + y es cero cuando Vo no está saturado.
- La corriente requerida por las terminales + y – es despreciable.
- La ganancia de voltaje es negativa
- La impedancia de entrada es baja (igual a R1)



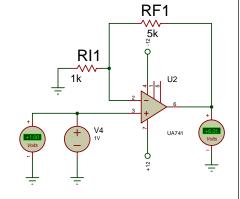
$$I_i = I_F + I_A$$

$$V_O = - \frac{R_F}{R_i} E_i$$



Amplificador no inversor

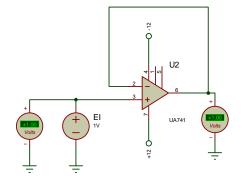
- La ganancia es positiva
- La impedancia de entrada es alta.
- Con 2 resistencias se controla la ganancia.
- Haciendo el mismo análisis para este amplificador la ganancia esta dada por:



$$A_{LC} = \frac{V_O}{E_i} = \frac{R_F}{R_i} + 1$$

Seguidor de Voltaje

- Impedancia de entrada alta $(>1\,\text{M}\Omega)$
- Ganancia de voltaja Av=1.
- Es usado para cambiar la impedancia de salida a un voltaje de referencia.

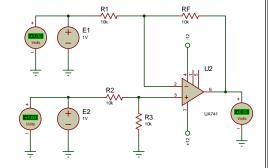


$$V_o = E_i$$

67

Amplificador diferencial

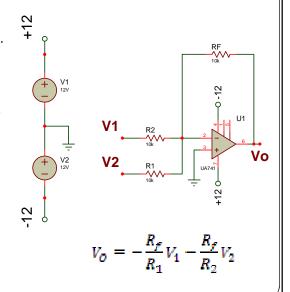
- Sirve para restar 2 señales.
- Tiene baja impedancia e entrada.
- Si todas las resistencias son iguales R, el voltaje a la salida es:



$$V_O = E_2 - E_1$$

Sumador

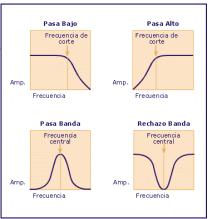
- Sirva para sumar 2 señales.
- El voltaje de salida es negativos
- Puede tener o no ganancia
- La impedancia de entrada es baja (igual a R1 y R2)

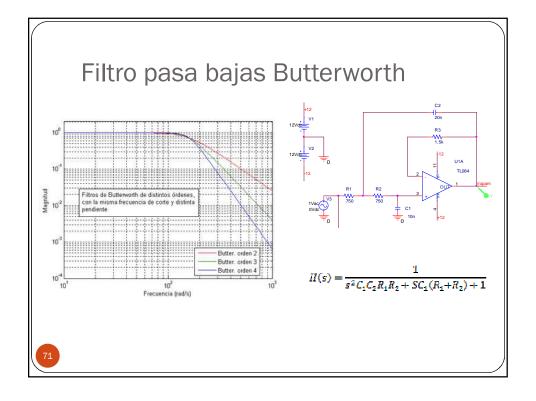


69

Filtros

- Los filtros son circuitos que permiten el paso de una determinada frecuencia mientras atenúan todas las señales que no están dentro de esa banda.
- Existen 5 tipos de filtros:
- Pasa bajas, Pasa altas, Pasa banda, rechaza banda y pasa todo.
- La frecuencia de corte fc se conoce como frecuencia 0.7071 o frecuencia de -3dB, o frecuencia de ruptura



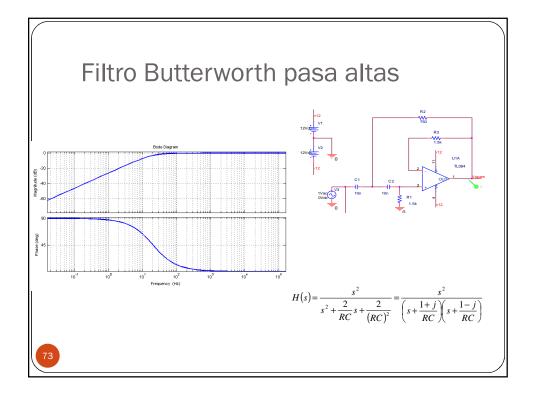


Procedimiento de diseño del filtro pasa bajas Butterworth

- El filtro de Butterworth es uno de los <u>filtros</u> electrónicos más básicos, diseñado para producir la respuesta más plana que sea posible hasta la <u>frecuencia de corte</u>.
- La salida se mantiene constante casi hasta la frecuencia de corte, luego disminuye a razón de 20n dB por década

- Definir la frecuencia de corte
- Definir C1; elegir un valor comprendido entre 100pF y 0.1 uF
- Definir C2=2C1
 - $R = \frac{0.7071}{2\pi f_c C_1}$
- Calcular
- $R_3 = 2R$
- Definir





Procedimiento de diseño del filtro pasa altas Butterworth

- Definir la frecuencia de corte wc o fc
- Definir C1=C2=C adecuado
- Calcular R1 mediante

$$R_1 = \frac{1.414}{\omega_c C}$$

Hacer

$$R_2 = \frac{1}{2} R_1$$

• Para reducir al mínimo el desvió, hacer:

$$R_f = R_1$$

Referencias de Voltaje

- Las referencias de voltaje integradas se utilizan cuando se requiere un voltaje muy preciso.
- Para definir el voltaje de referencia de un convertidor
- Mantienen el voltaje ante variaciones de temperatura
- El CI REF02 proporciona un voltaje de +5V

